

Budapesti általános iskolák matematika versenye  
2009. január

5. osztály  
Pontozási útmutató

1. Az 1, 2, 3, 4, 5, 6 számokat rendezd el 3 csoportba úgy, hogy mindhárom csoportban a számok összege ugyanannyi legyen!

A számok összege 21. \_\_\_\_\_ 3 pont  
 $21:3=7$ , ezért az egy csoportba jutó számok összege 7. \_\_\_\_\_ 4 pont  
Jó megoldás:  $3+4, 2+5, 1+6$  \_\_\_\_\_ 3 pont

összesen: 10 pont

Ha próbálgatással oldotta meg, akkor is megadható a teljes pontszám, ha csak a helyes elrendezést adja meg, akkor 5 pont adható.

2. Az 5.a és az 5.b osztályba összesen 72 tanuló jár. A jövő tanévben 4 gyerek az a-ból átiratkozik a nyelvtagozatos b-be, s ekkor a két osztály létszáma egyenlő lesz. Hányan járnak az idén a két osztályba külön-külön?

A gyerekek teljes létszáma nem változik, ezért jövőre  $=2:2= 36$  fős lesz mindkét osztály. \_\_\_\_\_ 5 pont  
 $36-4= 32$ , és  $36+4=40$ , tehát az a-ban 40, a b-be 32 fő jár idén. \_\_\_\_ 5 pont

összesen: 10 pont

3. Gyönyörű almákat és körtéket lehet venni a büfében. Az alma darabja 150Ft, míg a körté 120Ft. Rozi néni 1020 Ft-ot fizetett néhány gyümölcsért. Hány almát és hány körtét vehetett?

1. megoldás

Az almákért fizetett összeg 50-re, vagy 00-ra végződhet, ha 50-re végződik, akkor a körtékkel csak 10,30,50,70,90 végű összeg lehetséges. Ezért almából páros sok kell, és a körték ára 20-ra végződik. \_\_\_\_\_ 3 pont  
A 120 többszörösei közül 1020-ig csak a 120 és a 620 ilyen. \_\_\_\_\_ 2 pont  
Két megoldás van: \_\_\_\_\_ 1 pont  
 $120+ 900$ , azaz 1 körte és 6 alma \_\_\_\_\_ 2 pont  
 $720+ 300$ , azaz 6 körte és 2 alma \_\_\_\_\_ 2 pont

összesen 10 pont

2.megoldás

Az almák ára lehet: 0, 150, 300, 450, 600, 750, 900Ft, 1050 már nem lehet. (Kezdetű úgy is, hogy az 1020 nem osztható a 120 és a 150 egyikével sem, ezért mindkét gyümölcsből van a vásároltak között.)

A körték ára lehet: 0, 120, 240, 360, 480, 600, 720, 840, 960Ft, 1080 már nem lehet.

A lehetséges számokat párosítva az előbbi két megoldás kapjuk.

4. Egy téglalap területe  $108 \text{ cm}^2$ . A hosszabb oldala 3-szorosa a rövidebbnek. Mekkora a kerülete?

Jó rajz (amin látható, hogy a hosszabb oldal 3-szorosa a

rövidebbnek) \_\_\_\_\_ 2 pont

A téglalap 3 négyzetre bontható, ezek területe \_\_\_\_\_ 1 pont

(akkor is adjuk meg az 1 pontot, ha a felbontás az ábrán látható)

Egy négyzet területe  $108:3=36 \text{ cm}^2$ . \_\_\_\_\_ 2 pont

A négyzet oldala 6cm, mert  $6*6=36$  \_\_\_\_\_ 1 pont

A téglalap oldalai tehát 6 cm, és  $6*3=18\text{cm}$  \_\_\_\_\_ 2 pont

Kerülete  $(6+18)*2=48 \text{ cm}$  \_\_\_\_\_ 2 pont

(Számolhatjuk így is:  $8*6=48\text{cm}$ , mert a téglalap kerületén 8-szor szerepel a rövidebb oldalnak megfelelő hosszúság)

összesen 10 pont

5. A 2009 szám számjegyei közé tegyél műveleti jeleket. Milyen természetes számokat kaphatsz eredményül?

$2*0*0*9=0$  \_\_\_\_\_ 1 pont

$2+0+0*9=2$  \_\_\_\_\_ 1 pont

$2*0+0+9=9$  \_\_\_\_\_ 1 pont

$2+0+0+9=11$  \_\_\_\_\_ 1 pont

Ezek az eredmények más előállítással is jók.

A 9 elé tehetünk bármilyen műveleti jelet. A \* és az + két-két megoldást adott, az osztás és a kivonás nem természetes számra vezet. \_\_\_\_\_ 2 pont

0-val nem oszthatunk, ha +, vagy – áll előtte, az nem változtat az eredményen. \_\_\_\_\_ 2 pont

A 2 elé nem tehetünk jelet, ezért ez csak 2, vagy 0 értékben jelenhet meg. \_\_\_\_\_ 1 pont

Nincs több megoldás. \_\_\_\_\_ 1 pont

összesen 10 pont